

Nombre del Alumno:

DNI:

NO SE PERMITEN APUNTES, FORMULARIOS O CALCULADORA  
NO OLVIDE RACIONALIZAR TODOS LOS RESULTADOS

DURACIÓN 3:30 horas

PUNTUACIÓN DE LOS PROBLEMAS:

1. Para la resolución de la ecuación diferencial ordinaria

$$\frac{dy(x)}{dx} = f(y(x)),$$

se puede utilizar el método predictor-corrector ( $P(EC)^n$ ).

- a) Escriba un método  $PEC$  con predictor un método de Euler explícito y como corrector una regla del trapecio
- b) Determine el término principal del error de truncado del método completo (predictor sustituido en el corrector)
- c) ¿Cuál es el orden de consistencia del corrector? ¿y del método completo?
- d) Determine el polinomio característico (o de estabilidad) para el método numérico completo.
- e) ¿Cuántas raíces espurias tiene este método numérico?
- f) Escriba el desarrollo de Taylor de la raíz principal hasta  $O((h\lambda)^5)$
- g) ¿Es fuertemente estable este método?
- h) ¿Es incondicionalmente, absolutamente estable este método? Si no lo es, determine su intervalo de estabilidad absoluta condicional
- i) ¿Es incondicionalmente, relativamente estable este método? Si no lo es, determine su intervalo de estabilidad relativa condicional
- j) Considere un método  $PECEC$  (donde se aplica dos veces el corrector). Determine el término principal del error de truncado del método completo
- k) ¿Cuál es el orden de consistencia del nuevo método completo?
- l) Determine el polinomio característico (o de estabilidad) para el método numérico completo.
- m) ¿Es incondicionalmente, absolutamente estable este nuevo método? Si no lo es, determine su intervalo de estabilidad absoluta condicional.
- n) ¿Es incondicionalmente, relativamente estable este nuevo método? Si no lo es, determine su intervalo de estabilidad relativa condicional.

2. Vamos a aplicar el método de Elementos Finitos basado en polinomios lineales a trozos continuos, para resolver el problema

$$-(a(x) u'(x))' = f(x), \quad 0 < x < 1,$$

$$u'(0) = 1, \quad a(1) u'(1) + u(1) = 0,$$

donde  $a(x) = 1 + x$  y  $f(x) = \sin(x)$ .

- a) Escriba una malla no uniforme para este problema
- b) Escriba la definición del espacio de polinomios lineales a trozos continuos  $V_h^{(1)}$
- c) Escriba una base del espacio  $V_h^{(1)}$
- d) Escriba el desarrollo de una función perteneciente a  $V_h^{(1)}$
- e) Escriba la formulación de Galerkin continua de nuestro problema
- f) Escriba la formulación variacional continua de nuestro problema
- g) Escriba la formulación variacional discreta de nuestro problema
- h) Determine los coeficientes de la primera fila del sistema de ecuaciones lineales que obtiene
- i) Determine los coeficientes de la segunda fila del sistema de ecuaciones lineales que obtiene
- j) Determine los coeficientes de la última fila del sistema de ecuaciones lineales que obtiene

FECHA Y FIRMA