

PUNTUACIONES:

1	2	3	4	5	6	7
1.0	1.0	1.0	2.0	1.5	1.5	2.0

**[1]** Enunciar el Teorema de los contadores generalizados.

**[2]** Sea la sentencia  $Azar = [x > 0 \rightarrow x := 0 \square x > 1 \rightarrow x := 1 \square x > 2 \rightarrow x := 2]$ .

**[A]** ¿Es indeterminista?

**[B]** Pruébese que decrementa la  $x$ :  $\forall a : a \in \mathbb{N} : \{x = a > 0\} Azar \{0 \leq x < a\}$  (Ayuda.- Use inducción en  $\mathbb{N}$ ).

**3**] Utilizando un contador generalizado, probar (todas las variables son naturales)

$$*\llbracket \begin{array}{l} x > 0 \rightarrow Azar; y := y^x \\ y > 0 \rightarrow y := y - 1 \end{array} \rrbracket \{x = y = 0\}$$

---

**4**] Sea el bucle  $\mathcal{R} = *[\![ q \rightarrow nada \quad \square q \rightarrow q := \neg q ]\!]$ . ¿Qué interpretación tiene la equivalencia  $[\mathcal{R}.C \equiv \neg q]$ ? Demostrarla utilizando la semántica de los bucles en términos de puntos fijos.

**5**] Probar el triplete  $\{i = 100\}m\{i = -101\}$ , siendo  $m$  el procedimiento recursivo

$$m = [\begin{array}{l} i < 0 \rightarrow i := i + 1 \\ i \geq 0 \rightarrow i := i - 1; m; i := i - 1 \end{array}]$$

---

**6**] Considerando la equivalencia de programas  $=_{\mathcal{N}}$  en la semántica natural estándar, probar que para sentencias arbitrarias se tiene  $(S; T); U =_{\mathcal{N}} S; (T; U)$ .

- 7** Consideremos el cálculo de Hoare estándar, con las reglas  $(ref)$ ,  $(nada)$ ,  $(; )$ ,  $(si_1)$ ,  $(si_2)$  y  $(rep)$ . Demostrar  $\vdash_{\mathcal{H}} \{P\}S\{Ciento\}$ , para cualquier sentencia  $S$ , especificando claramente la técnica usada en la demostración.