

PUNTUACIONES:

1	2	3	4	5	6	7
1.0	1.0	1.0	2.0	1.5	1.5	2.0

1 Enunciar el Teorema de los contadores generalizados.

2 Sea la sentencia $Azar = \llbracket x > 0 \rightarrow x := 0 \square x > 1 \rightarrow x := 1 \square x > 2 \rightarrow x := 2 \rrbracket$.

A ¿Es indeterminista?

B Pruébese que decrementa la x : $\forall a : a \in \mathbb{N} : \{x = a > 0\} Azar \{0 \leq x < a\}$ (Ayuda.- Use inducción en \mathbb{N}).

3 Utilizando un contador generalizado, probar (todas las variables son naturales)

$$\begin{aligned} &*\llbracket x > 0 \rightarrow Azar; y := y^x \\ & \quad y > 0 \rightarrow y := y - 1 \rrbracket \{x = y = 0\} \end{aligned}$$

4 Sea el bucle $\mathcal{R} = * \llbracket q \rightarrow nada \sqcap q \rightarrow q := \neg q \rrbracket$. ¿Qué interpretación tiene la equivalencia $[\mathcal{R}.C \equiv \neg q]$? Demostrarla utilizando la semántica de los bucles en términos de puntos fijos.

5 Probar el triplete $\{i = 100\}m\{i = -101\}$, siendo m el procedimiento recursivo

$$m = \llbracket \begin{array}{l} i < 0 \rightarrow i := i + 1 \\ i \geq 0 \rightarrow i := i - 1; m; i := i - 1 \end{array} \rrbracket$$

6 Considerando la equivalencia de programas $=_{\mathcal{N}}$ en la semántica natural estándar, probar que para sentencias arbitrarias se tiene $(S; T); U =_{\mathcal{N}} S; (T; U)$.

7 Consideremos el cálculo de Hoare estándar, con las reglas (ref) , $(nada)$, $(;)$, (si_1) , (si_2) y (rep) . Demostrar $\vdash_{\mathcal{H}} \{P\}S\{Cierto\}$, para cualquier sentencia S , especificando claramente la técnica usada en la demostración.