



Alumno: _____ Grupo: _____ Fecha: _____

Ejercicio 1: (0,75 + 1,75 ptos)

A) Enunciad formalmente el principio de inducción estructural aplicado a la siguiente propiedad:

$$\begin{aligned} \text{concat } (\text{xs}++\text{ys}) &= \text{concat } \text{xs} ++ \text{concat } \text{ys} \\ \text{xs} :: [[\text{a}]] . \text{ ys} :: [[\text{a}]] . \text{ concat } (\text{xs}++\text{ys}) &= \text{concat } \text{xs} ++ \text{concat } \text{ys} \\ &= \\ \text{ys} :: [[\text{a}]] . \text{ concat } ([]++\text{ys}) &= \text{concat } [] ++ \text{concat } \text{ys} \\ \text{x} :: [\text{a}], \text{xs} :: [[\text{a}]] . \text{ ys} :: [[\text{a}]] . \text{ concat } (\text{xs}++\text{ys}) &= \text{concat } \text{xs} ++ \text{concat } \text{ys} \\ &=> \\ \text{ys} :: [[\text{a}]] . \text{ concat } (\text{x}: \text{xs}++\text{ys}) &= \text{concat } (\text{x}: \text{xs}) ++ \text{concat } \text{ys} \end{aligned}$$

B) Demostrad la propiedad anterior sabiendo que el operador `++` es asociativo y que

$$\begin{aligned} \text{concat } [] &= [] \\ \text{concat } (\text{x}: \text{xs}) &= \text{x} ++ \text{concat } \text{xs} \end{aligned}$$

-- Caso base

$$\begin{aligned} \text{concat } ([]++\text{ys}) &= \text{concat } [] ++ \text{concat } \text{ys} \\ = ! \text{ 1}^{\text{a}} \text{ de } (++) &= ! \text{ 1}^{\text{a}} \text{ concat} \\ \text{concat } \text{ys} &= [] ++ \text{concat } \text{ys} \\ &= ! \text{ 1}^{\text{a}} \text{ de } (++) \\ &\quad \text{concat } \text{ys} \end{aligned}$$

-- Paso inductivo

$$\begin{aligned} \text{concat } (\text{x}: \text{xs}++\text{ys}) &= \text{concat } (\text{x}: \text{xs}) ++ \text{concat } \text{ys} \\ = ! \text{ 2}^{\text{a}} \text{ de } (++) &= ! \text{ 2 de concat} \\ \text{concat } (\text{x} : (\text{xs}++\text{ys})) &= (\text{x}++\text{concat } \text{xs}) ++ \text{concat } \text{ys} \\ = ! \text{ 1}^{\text{a}} \text{ de concat} &= ! \text{ asociatividad de } (++) \\ \text{x}++\text{concat } (\text{xs}++\text{ys}) &= \text{x}++(\text{concat } \text{xs} ++ \text{concat } \text{ys}) \\ = ! \text{ HI} & \end{aligned}$$

$\text{x}++(\text{concat } \text{xs} ++ \text{concat } \text{ys})$

Ejercicio 2: (1,25 + 1,25 ptos)

Encontrad, usando listas por comprensión, expresiones equivalentes a cada una de las siguientes

A) `map (+3) (filter even xs)`

$$[\text{x}+3 | \text{x} <- \text{xs}, \text{even } \text{x}]$$

B) `filter even (map (+3) xs)`

$$[\text{y} | \text{x} <- \text{xs}, \text{let } \text{y} = \text{x}+3, \text{even } \text{y}]$$

Ejercicio 3: (1,25 + 1,25 ptos)

Dadas las siguientes definiciones de tipo para representar expresiones aritméticas:

```
data Op = Mas | Menos | Por  
data Exp = N Int | E Op Exp Exp
```

y la correspondiente función de plegado

```
foldExp f h (N x) = h x  
foldExp f h (E o i d) = f o (foldExp f h i) (foldExp f h d)
```

expresad, como casos particulares de foldExp

- A) Una función enteros que calcule el número de enteros de un árbol de tipo Exp.

Ejemplo: enteros (E Mas (N 3) (N 5)) debe dar 2

```
enteros::Exp -> Integer  
enteros = foldExp (\o x y -> x+y) (\x -> 1)
```

- B) Una función valor que calcule el valor de un árbol de tipo Exp.

Ejemplo: valor (E Mas (N 3) (N 5)) debe dar 8

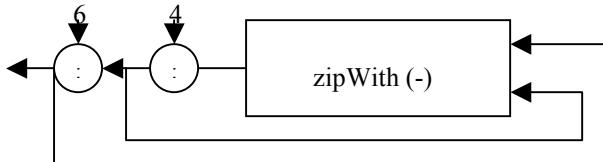
```
valor::Exp -> Int  
valor = foldExp f id  
    where f Mas x y = x+y  
          f Menos x y = x-y  
          f Por x y = x*y
```

Ejercicio 4: (1,25 + 1,25 ptos)

- A) Construid una red de procesos, junto con su correspondiente expresión Haskell, para generar la siguiente lista infinita $as = [6, 4, 2, 2, 0, 2, -2, 4, -6, \dots]$

en la que cada elemento se obtiene a partir de los dos anteriores restándolos.

```
as = 6:4:zipWith (-) as (tail as)
```



- B) Definid una función recursiva emparejar para emparejar los elementos de una lista de forma alternada.

Ejemplo: emparejar as debe dar [(6,2), (4,2), (0,-2), (2,4), ...]

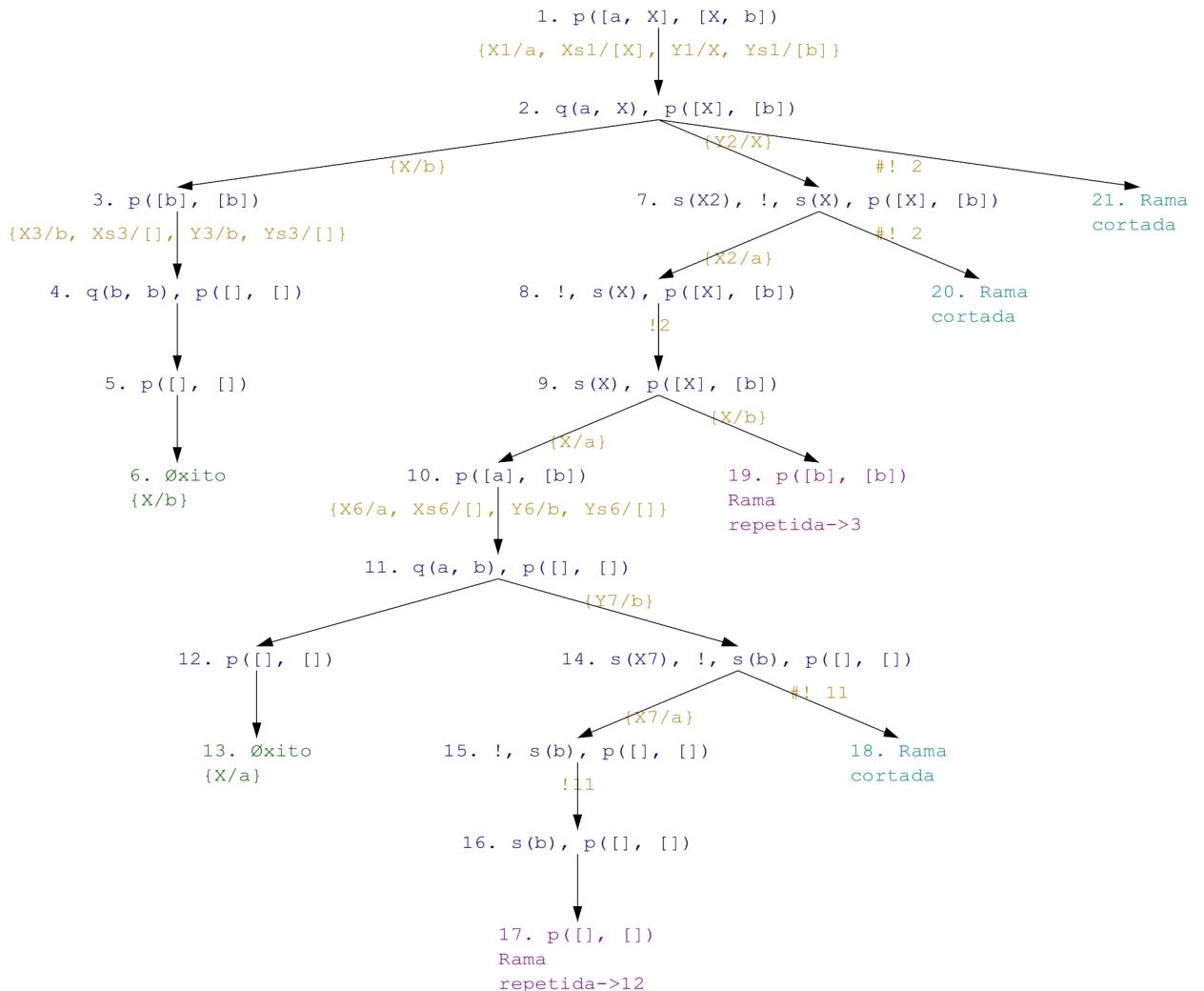
```
emparejar (x:y:z:t:xs) = (x,z):(y,t):emparejar xs
```

PROLOG

Ejercicio 1. (2 + 0,5 ptos) Dado el programa:

```
p([], []).
p([X|Xs], [Y|Ys]) :- q(X, Y), p(Xs, Ys).
q(a, b).
q(a, Y) :- s(X), !, s(Y).
q(a, c).
q(b, b).
s(a).
s(b).
```

a) representa el árbol de búsqueda SLD correspondiente al objetivo **p([a, X], [X, b])**.



b) ¿Qué soluciones proporcionaría Prolog en este caso y en qué orden?
 $\{X/b\}$, y después $\{X/a\}$ indefinidamente

Ejercicio 2. (1,25+1,25 ptos) El predicado **purga(Xs, Ys)** se satisface cuando **Ys** es la lista formada por los elementos de la lista **Xs**, sin repeticiones. Por ejemplo, se satisface el objetivo:

```
purga( [1,2,3,1,2,3,4,4,5] , [1,2,3,4,5] )
```

a) escribe una versión de **purga/2** recursiva no de cola

```
purga([], []).
purga([X|Xs], Ys) :-
    purga(Xs, Ys),
    member(X, Ys).
purga([X|Xs], [X|Ys]) :-
    purga(Xs, Ys),
    \+ member(X, Ys).
```

b) escribe una versión de **purga/2** iterativa (es decir, con recursión de cola)

```
purga_colá(Xs, Ys) :- purga_aux(Xs, [], Ys).
purga_aux([], Ac, Ac).
purga_aux([X|Xs], Ac, Y) :- member(X, Ac),
!, purga_aux(Xs, Ac, Y).
purga_aux([X|Xs], Ac, Y) :- append(Ac, [X], NAc),
purga_aux(Xs, NAc, Y).
```

Ejercicio 3. (2,5 ptos) Describir la tabla de comportamiento del predicado **p/3**

```
p(X, Xs, Ls) :- append(As, [X|Bs], Xs),
append(Bs, As, Ls).
```

Modos de Uso	Comportamiento	Significado
(+, +, +)	test	Comprueba que la lista Ls es obtenida partiendo la lista Xs en dos partes, quitando de la cabeza de la segunda el elemento X y juntándolas, primero la segunda y luego la primera
(+, +, -)	Generador acotado	Crea listas Ls que resultan de partir en dos Xs, quitar el elemento X de la cabeza de la segunda y juntándolas, primero la segunda y luego la primera
(-, +, -)	Generador acotado	Crea listas Ls que resultan de partir la lista Xs en dos, extraer la cabeza de la segunda (que se instancia al primer argumento) y juntando las listas, primero la segunda y luego la primera
(+, -, +)	Generador anómalo	Hace un uso anómalo del predicado append

Ejercicio 4. (2,5 ptos) Escribe un predicado **funtores(T, F)** que se satisfaga cuando F sea la lista **sin repeticiones** de los funtores (con aridad >0), representados como funtor/aridad que aparecen en el término T. Por ejemplo:

```
?- funtores(f(g(a), f(X, Y), t(g(Y), 5)), F).
F= [f/3, g/1, f/2, t/2];
No
```

```
funtores(T, F) :-
    funtores_rep(T, FRep),
    purga(FRep, F).
funtores_rep(A, []) :- atomic(A).
funtores_rep(V, []) :- var(V).
funtores_rep(S, [F/N|Fs]) :- compound(S),
    S =.. [F|Args],
    length(Args, N),
    funtores_rep_args(Args, Fs).
funtores_rep_args([], []).
funtores_rep_args([A|As], FArgs) :- funtores_rep(A, Fa),
    funtores_rep_args(As, Fas),
    append(Fa, Fas, FArgs).
```