



Alumno:

Grupo:

Ordenador:

1. Según el procedimiento ideado por Blaise Pascal, para comprobar si un número  $n$  es múltiplo de  $k$ , basta con sumar cada uno de los dígitos de  $n$ , previamente multiplicados por unos coeficientes apropiados y calculados en función de  $k$ . El proceso se repite con la cifra resultante de dicha suma hasta obtener una cifra de un solo dígito, esto es, un número menor que 10 que, si es múltiplo de  $k$  indica que  $n$  es múltiplo de  $k$ .

Por ejemplo, si  $k = 7$ , los coeficientes por los que debemos multiplicar las cifras del número  $n$  son: 1, 3, 2, 6, 4 y 5 (luego explicaremos cómo se calculan estos coeficientes). Así, si  $n$  es, por ejemplo, el número 21756, para saber si es múltiplo de 7 calculamos la suma de los productos de cada dígito del número 21756 por el coeficiente correspondiente, empezando por el dígito de las unidades, siguiendo por las decenas, etc. Esto es:  $6 \times 1 + 5 \times 3 + 7 \times 2 + 1 \times 6 + 2 \times 4 = 6 + 15 + 14 + 6 + 8 = 49$ . Ahora, hacemos lo mismo para el número 49 resultante:  $9 \times 1 + 4 \times 3 = 9 + 12 = 21$ . Y, por último, para el 21 resultante:  $1 \times 1 + 2 \times 3 = 1 + 6 = 7$ . De esta forma hemos obtenido un número de una sola cifra, que es múltiplo de 7 (y en este caso es, precisamente, 7), por lo que concluimos que el número  $n = 21756$  es múltiplo de  $k = 7$ .

Para calcular los coeficientes, sea cual sea  $k$  ( $2 \leq k \leq 9$ ), empezamos con un 1. El mecanismo general consiste en tomar el último coeficiente calculado, multiplicarlo por 10, y calcular el resto de la división entera por  $k$ . Así obtenemos el siguiente coeficiente. Seguimos el proceso hasta que, en alguna iteración, volvemos a obtener algún coeficiente que ya haya salido anteriormente. En ese momento, podemos parar el proceso, dado que la secuencia de coeficientes se repetiría y no tendría sentido seguir.

De este modo, siguiendo con el ejemplo de  $k = 7$ , tendríamos los coeficientes:

**1**

$1 \times 10 \bmod 7 = 10 \bmod 7 = \mathbf{3}$

$3 \times 10 \bmod 7 = 30 \bmod 7 = \mathbf{2}$

$2 \times 10 \bmod 7 = 20 \bmod 7 = \mathbf{6}$

$6 \times 10 \bmod 7 = 60 \bmod 7 = \mathbf{4}$

$4 \times 10 \bmod 7 = 40 \bmod 7 = \mathbf{5}$

$5 \times 10 \bmod 7 = 50 \bmod 7 = \mathbf{1}$

En este caso, el proceso se ha parado porque el coeficiente 1 ha vuelto a aparecer. Por tanto los coeficientes para  $k = 7$  son 1, 3, 2, 6, 4, 5. Si necesitásemos más coeficientes, porque  $n$  tuviese más de 6 dígitos, bastaría con repetir la secuencia de coeficientes hasta completar el número de dígitos de  $n$ : 1, 3, 2, 6, 4, 5, 1, 3, 2, 6, ...

Si, por poner otro ejemplo,  $k = 8$ , los coeficientes resultantes son 1, 2, 4, 0. No es necesario seguir calculando coeficientes para las siguientes posiciones porque sería, simplemente, seguir repitiendo indefinidamente la secuencia de ceros: 1, 2, 4, 0, 0, 0, 0, ...

Dato este procedimiento explicado como criterio de divisibilidad de  $n$  por  $k$ , se pide:

- a) Implementar la función `CalcularCoeficientes` que recibe como parámetro un número natural de una cifra y devuelve, a través de un segundo parámetro por referencia, un vector con los coeficientes calculados según el procedimiento anteriormente expuesto.

- b) Implementar la función lógica `EsDivisible` que recibe como parámetro un número natural  $n$  con un máximo de 5 dígitos (utilizar para ello el tipo `unsigned long int`) y otro número natural  $k$  de un solo dígito. La función debe indicar si el primer número es múltiplo del segundo siguiendo, para ello, el procedimiento anteriormente descrito y haciendo uso de la función `CalcularCoeficientes` implementada en el apartado anterior.
2. Sea una cadena de caracteres que esté compuesta por números naturales y símbolos de función (+ y -) y que represente una expresión aritmética en notación infija como en el siguiente ejemplo:

123+7-45-91-20-99+2005

Implementar una función tenga como parámetro de entrada una cadena de ese tipo y devuelva el resultado de evaluar la expresión contenida en la cadena.

Como se ve en el ejemplo, no hay ningún tipo de separadores entre los componentes de la expresión.

### Notas sobre el examen

- Se debe trabajar en el directorio `/home/alumno/1p1sep05/`. Si la ruta no existe, deberá crearse.
- El programa principal deberá ser lo más sencillo posible, con el código necesario para probar el funcionamiento de todas las funciones que se implementen.
- Deben entregarse en un disquete etiquetado con el nombre, apellidos, grupo y número de ordenador que contenga los ficheros `pascal.cpp` y `expresion.cpp` con el código fuente del examen.
- El código fuente debe comenzar por un comentario donde se indiquen nombre, apellidos y grupo. Esa información debe mostrarse en pantalla cada vez que se ejecute el código.